平均數的陷阱

主要参考資料:《人人都要懂的統計思維》,(日)篠原拓也 著, 丁妍妍譯,機械工業出版社,2022。

平均數(值)非常有用、方便,在統計中經常出現,因為它可以用來概括群體的代表性特徵。例如,我們常用人均 GDP 來代表該國人民的富裕程度,但是平均數也存在以下的一些陷阱,是我們必需要了解的:

一、平均數易受極端值影響

如統計的群體中有特別的極端值存在,那麼就會極大的影響平均數。例如,郭台銘是台灣的首富,當然年所得是非常高的,自然會把他小學同班同學的平均年所得拉得非常高,使其失去了代表性。

二、計算時依據的群體如有偏差,會扭曲平均數

在醫學上,如果要比較不同治療方法的療效時,要特別注意到治療方法的選擇並不是隨機決定的,有些治療方法是原本就是身體底子比較好或不好的才會選用。因此,當樣本群體的基礎不一定相同時,就算是出現一些期待的結果,可以說本來就是可預測的或必然的。

三、群體太小時平均數無法代表平均水平

在進行研究時,受試者的群體太小時,比較平均值是不太可靠的。對於大群體來說,分布是隱定的,偏離平均數的數據有限,平均數自然有其一定的代表性。但太小的群體分布極不穩定,平均數自然波動也大,一般來說,樣本數至少要達到30個以上才可。例如籃球隊上場的5位球員中,某位大個子球員在場時就拉高了該隊的平均身高超過對手,一調下場,同一隊的平均身高立刻就輸給對手,這時平均身高的比較就毫無意義。

四、如果群體的分布不是常態而是偏態的,平均數也會失去代表性

不是所有變數都是呈常態分配變化的,當偏離常態愈多,平均數就愈不具代表性。例如徵收的年度所得稅,總是有少數人因為所得特別高而繳了很多稅,用平均數來代表群體特徵就不適合了。在偏態分布下,「中位數」是位於群體中間的數值,「眾數」是出現最多的數值,

有時反而比平均數更適合代表群體特徵。但也要注意,這些值雖然可以彌補平均數的弱點,因缺乏平均數具有的數學性質,在統計實務中很少使用。

總之,我們不要盲目的一味相信統計結果,在思考問題時,試著對常識和 前提提出疑問,秉持批判性的態度去看待,是強化「洞察本質能力」的第一 步。