平均差、平方和

平均差、平方和都是離中趨勢測定數,是衡量各變數距離中間程度的量 數,分別說明如下:

● 平均差 (Mean Deviation)

平均差系指在一組數據中,各項數值與平均數之間相差絕對值的 平均數,常以 MD 表示。其計算公式為:

$$MD = \frac{\sum |x - \bar{x}|}{N}$$

我們要了解一組數據分散的情況,計算每個數據與平均數中間的 距離是一個好指標,差距愈大當然就是表示距離中間愈遠。然後再把 把它們相加起來,數目愈大就表示各數值之間愈分散。可是這樣計算 有一個問題,那就是比平均數大的減後是正值,比平均數小的減後是 負值,相加以後正負相抵就會變成 0 (想想平均數的意思不就是這樣 嗎?),不管正負都是距離,如果取絕對值,就可以避免這個問題,所 以要取絕對值後再相加。

取了絕對值後雖可避免正負相抵,但還是有一個問題要解決,那就是總距離會受到數據個數的影響,因此要再除以數據的個數,取其平均數,也就是平均距離,這個絕對距離平均數的指標我們就稱為「平均差」。不分組或分組以後平均差的計算方法請查任何一本統計學的教科書。

● 平方和 (Sum of Square)

在計算平均差時,我們是採用取絕對值的方法避免正負相抵。還有另一種避免正負相抵的方法就是取其平方,亦即將各別數據與平均數的差加以平方後再加總,這就是所謂的「平方和」。當然平方和也同樣會受到數據個數的影響。如何計算一組數據的平方和可查任何一本閱統計學的教科書。其計算公式如下:

$$\Sigma (x_i - \bar{x})^2$$

雖然此公式適用於計算,但有一個等價的捷徑公式,不需要我們 先計算樣本均值。這個平方和的捷徑公式是:

$$\Sigma (\chi_i^2)$$
 - $(\Sigma \chi_i)^2/n$

由於平方和為計算變異數與標準差之過渡階段,在變異數分析時才會用得到,此處就不再舉例說明。